



Ministero dell'Istruzione dell'Università e della Ricerca

# ESAME DI STATO

Anno Scolastico 2012 – 2013

## PROVA NAZIONALE

### Prova di Matematica

#### *Scuola Secondaria di primo grado*

#### Classe Terza

#### *Fascicolo 1*

Classe: .....

Studente: .....

## ISTRUZIONI

Troverai nel fascicolo 28 domande di matematica. La maggior parte delle domande ha quattro possibili risposte, ma una sola è quella giusta. Prima di ogni risposta c'è un quadratino con una lettera dell'alfabeto: A, B, C, D.

Per rispondere, devi mettere una crocetta nel quadratino accanto alla risposta (una sola) che ritieni giusta, come nell'esempio seguente.

### Esempio 1

<b>Quanti giorni ci sono in una settimana?</b>	
A.	<input checked="" type="checkbox"/> Sette
B.	<input type="checkbox"/> Sei
C.	<input type="checkbox"/> Cinque
D.	<input type="checkbox"/> Quattro

Se ti accorgi di aver sbagliato, puoi correggere: devi scrivere **NO** accanto alla risposta sbagliata e mettere una crocetta nel quadratino accanto alla risposta che ritieni giusta, come nell'esempio seguente.

### Esempio 2

<b>Quanti minuti ci sono in un'ora?</b>	
<b>NO</b>	A. <input checked="" type="checkbox"/> 30
	B. <input type="checkbox"/> 50
	C. <input checked="" type="checkbox"/> 60
	D. <input type="checkbox"/> 100

In alcuni casi le domande chiedono di scrivere la risposta e/o il procedimento, oppure prevedono una diversa modalità di risposta. In questo caso il testo della domanda ti dice come rispondere. Leggilo dunque sempre con molta attenzione.

Puoi usare il righello graduato e/o la squadra, il compasso e il goniometro ma non la calcolatrice.

Non scrivere con la matita, ma usa soltanto una penna nera o blu.

Ricordati che puoi disegnare o scrivere sulle figure e puoi usare gli spazi bianchi del fascicolo per fare calcoli, se ti serve.

Per fare una prova, ora rispondi a questa domanda.

**In quale delle seguenti sequenze i numeri sono scritti dal più grande al più piccolo?**

- A.  2; 5; 4; 8
- B.  8; 5; 4; 2
- C.  2; 4; 8; 5
- D.  2; 4; 5; 8

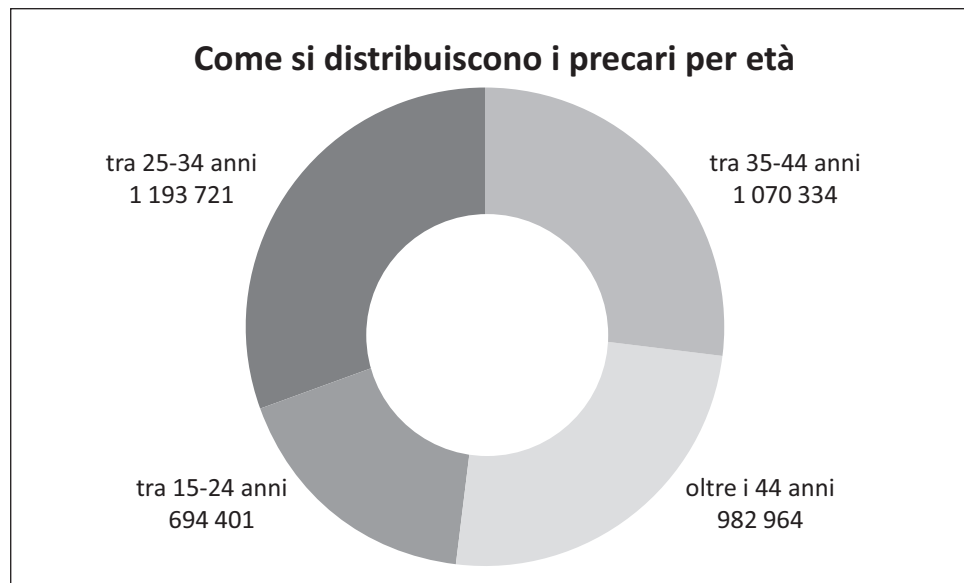
Hai a disposizione un'ora e quindici minuti (in totale 75 minuti) per rispondere alle domande.

L'insegnante ti dirà quando cominciare a lavorare. Quando l'insegnante ti comunicherà che il tempo è finito, posa la penna e chiudi il fascicolo.

Se finisci prima, puoi chiudere il fascicolo e aspettare la fine, oppure puoi controllare le risposte che hai dato.

**NON GIRARE LA PAGINA FINCHÉ NON TI SARÀ DETTO DI FARLO!**

- D1. Il seguente grafico rappresenta la distribuzione dei lavoratori precari in Italia suddivisi per età nell'anno 2012.



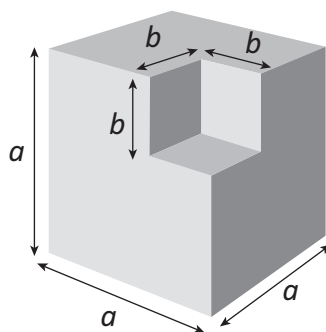
- a. Quanti sono in totale i precari?

- A.  Circa due milioni
- B.  Circa tre milioni
- C.  Circa quattro milioni
- D.  Circa cinque milioni

- b. Quale percentuale rappresentano i precari che hanno tra i 25 e i 34 anni?

- A.  Circa il 50%
- B.  Circa il 40%
- C.  Circa il 30%
- D.  Circa il 20%

- D2. In figura è rappresentato un solido ottenuto da un cubo grande dal quale è stato tolto un cubo più piccolo.



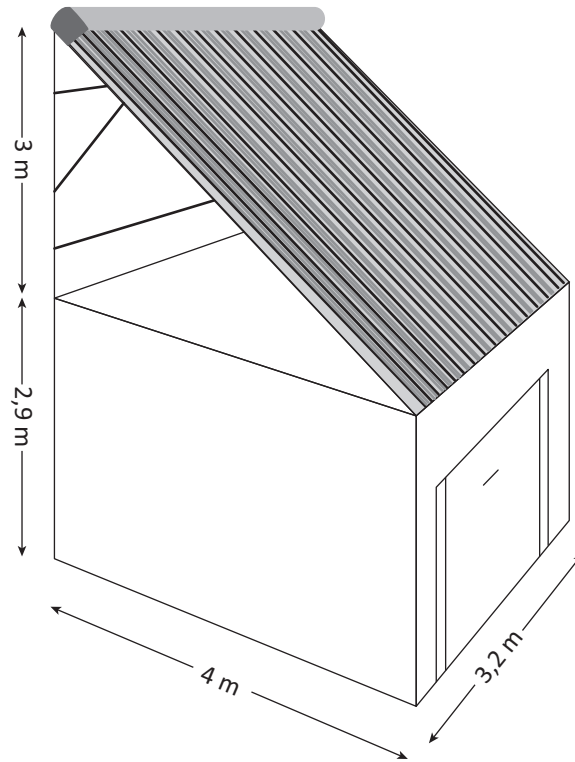
Quale delle seguenti espressioni permette di calcolare il volume del solido ottenuto?

- A.   $6a^2 - 3b^2$
- B.   $3a^2 - 3b^2$
- C.   $(a - b)^3$
- D.   $a^3 - b^3$

**D3. Marco vuole installare dei pannelli solari sul tetto del suo box auto.**

La superficie su cui poggeranno i pannelli deve essere inclinata per ricevere i raggi del sole nel modo più efficace.

Il progetto di Marco è schematizzato nella figura.



**a. La superficie che ospiterà i pannelli solari misura**

- A.  12 m<sup>2</sup>
- B.  12,8 m<sup>2</sup>
- C.  16 m<sup>2</sup>
- D.  16,4 m<sup>2</sup>

**b. Scrivi i calcoli che hai fatto per trovare la risposta.**

.....

.....

.....

- D4.** Nel sacchetto A ci sono 4 palline rosse e 8 nere mentre nel sacchetto B ci sono 4 palline rosse e 6 nere.



- a. Completa correttamente la seguente frase inserendo al posto dei puntini una sola delle seguenti parole:

più	meno	ugualmente
-----	------	------------

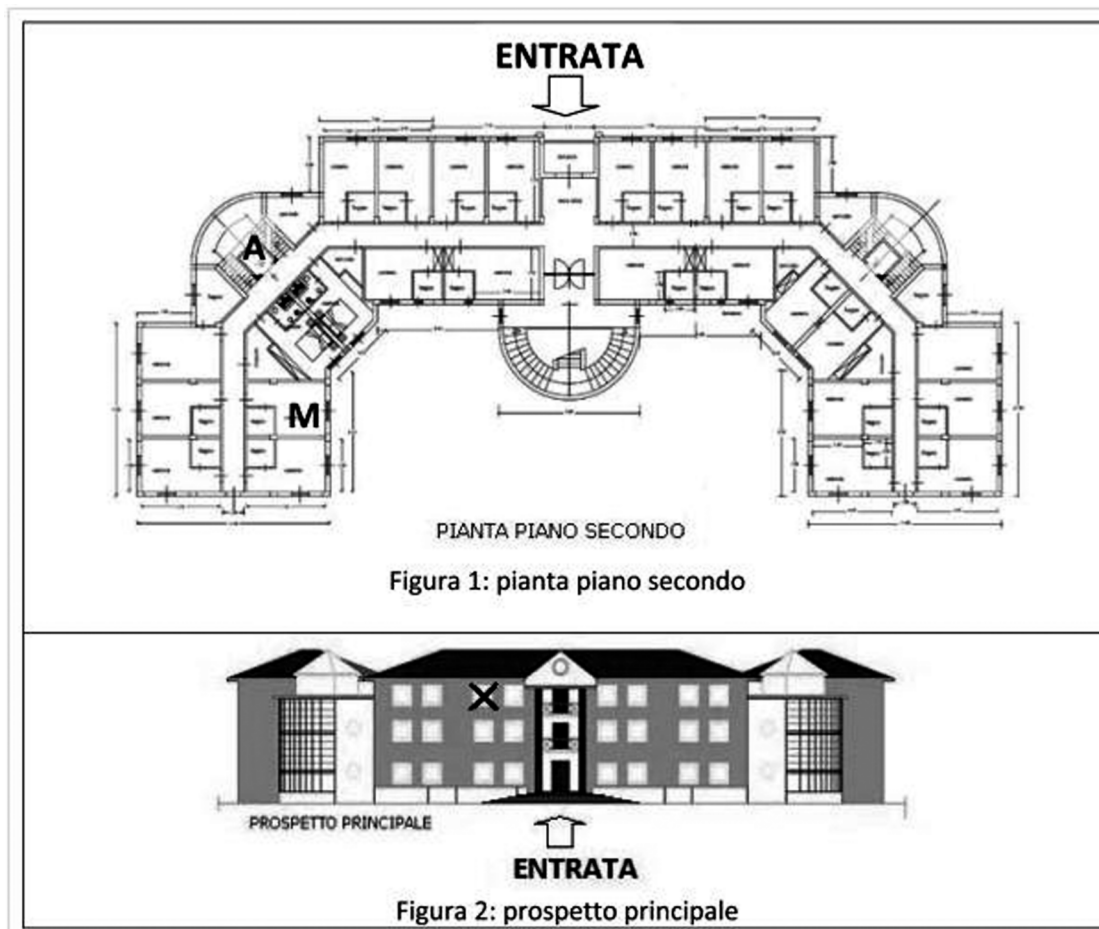
Estrarre una pallina rossa dal sacchetto A è ..... probabile che estrarre una pallina rossa dal sacchetto B.

- b. Giovanni distribuisce fra i due sacchetti altre 6 palline rosse in modo che la probabilità di estrarre una pallina rossa sia la stessa per entrambi i sacchetti. Quante palline rosse ha aggiunto Giovanni in ciascuno dei due sacchetti?

**Risposta:** Sacchetto A: .....

Sacchetto B: .....

- D5. Qui di seguito sono riportate la pianta del secondo piano e il prospetto della facciata principale di un albergo.



- a. Paolo si affaccia alla finestra del secondo piano indicata nel prospetto principale (Figura 2) con una crocetta. Segna con una crocetta sulla pianta del secondo piano (Figura 1) la stanza da cui Paolo si affaccia.
- b. Marco occupa la stanza del secondo piano indicata dalla lettera M (Figura 1). Quale fra i seguenti percorsi ti permette di arrivare alla stanza di Marco?
- A.  Esci dall'ascensore A, gira a destra. La stanza si trova sulla tua destra
- B.  Esci dall'ascensore A, gira a destra. La stanza si trova sulla tua sinistra
- C.  Esci dall'ascensore A, gira a sinistra. La stanza si trova sulla tua destra
- D.  Esci dall'ascensore A, gira a sinistra. La stanza si trova sulla tua sinistra



- D6. Quando si taglia un oggetto con una forbice, si esercita una forza ( $S$ ), mentre l'oggetto che si vuole tagliare oppone una resistenza ( $T$ ).

La formula

$$S = \frac{L \times T}{M}$$

permette di calcolare la forza che si esercita con una forbice, tenendo conto di due elementi: la distanza ( $L$ ) tra il perno fisso intorno a cui si muovono le lame e il punto in cui viene opposta la resistenza al taglio, e la distanza ( $M$ ) tra l'impugnatura e il perno fisso. La forbice nella foto viene utilizzata per potare gli alberi.



- a. Quale fra le seguenti formule descrive meglio una forbice come quella in fotografia?

- A.   $S = \frac{7 \times T}{1}$
- B.   $S = \frac{1 \times T}{7}$
- C.   $S = \frac{2 \times T}{4}$
- D.   $S = \frac{4 \times T}{2}$

- b. Quale tra le seguenti frasi corrisponde alla forbice descritta da questa formula?

$$S = \frac{10 \times T}{5}$$

- A.  Una forbice con le lame molto corte, affilate e l'impugnatura molto robusta
- B.  Una forbice con le lame lunghe come la distanza fra il perno fisso e l'impugnatura
- C.  Una forbice con le lame più lunghe della distanza fra il perno fisso e l'impugnatura
- D.  Una forbice con le lame più corte della distanza fra il perno fisso e l'impugnatura

**D7. Anna e Daniele giocano con due dadi. Ciascuno tira i due dadi e moltiplica i due numeri. Ad esempio, in questo caso  $4 \times 3 = 12$ .**



**Anna vince se il prodotto è un numero pari.  
 Daniele vince se il prodotto è un numero dispari.  
 Hanno entrambi la stessa probabilità di vincere?  
 Scegli la risposta e completa la frase.**

**Sì, perché** .....

.....

.....

**No, perché** .....

.....

.....

**D8. La seguente tabella riporta i dati sulla cittadinanza degli alunni iscritti a un Istituto Comprensivo:**

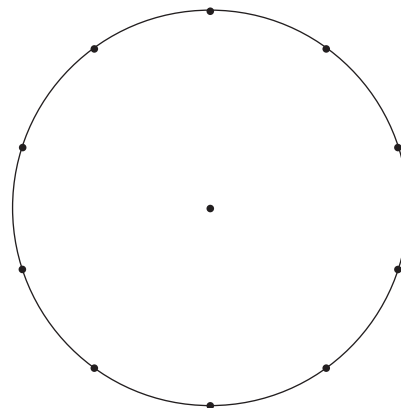
TIPO DI SCUOLA	TOTALE ALUNNI	ALUNNI ITALIANI	ALUNNI STRANIERI	PERCENTUALE ALUNNI STRANIERI
INFANZIA	200	120	80	40,0%
PRIMARIA	400	308	92	23,0%
SECONDARIA DI 1° GRADO	400	280	120	30,0%
TOTALE	1000	708	292	.....

**Qual è la percentuale di alunni stranieri dell'intero istituto?**

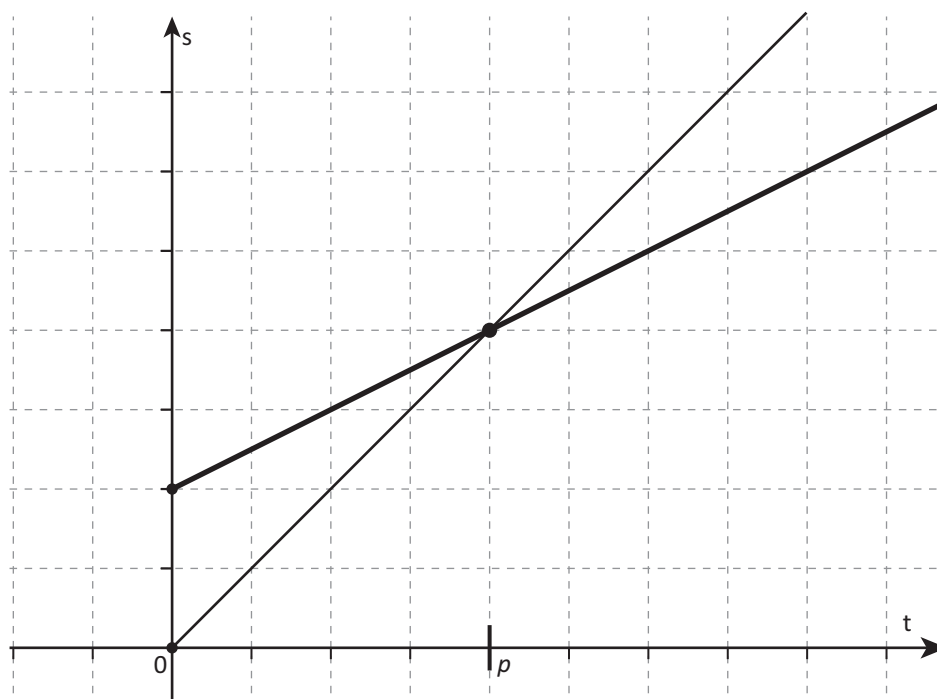
- A.  93,0%
- B.  41,2%
- C.  31,0%
- D.  29,2%

- D9. Utilizza il cerchio qui sotto per rappresentare con un areogramma la percentuale di produzione del reddito per i diversi settori economici scritti in tabella. Per ciascun settore rappresentato, scrivi il nome corrispondente.

Settore economico	Percentuale (%)
Primario	10
Secondario	30
Terziario	60



**D10.** Il seguente grafico rappresenta il moto di due oggetti che si muovono sulla stessa traiettoria rettilinea.



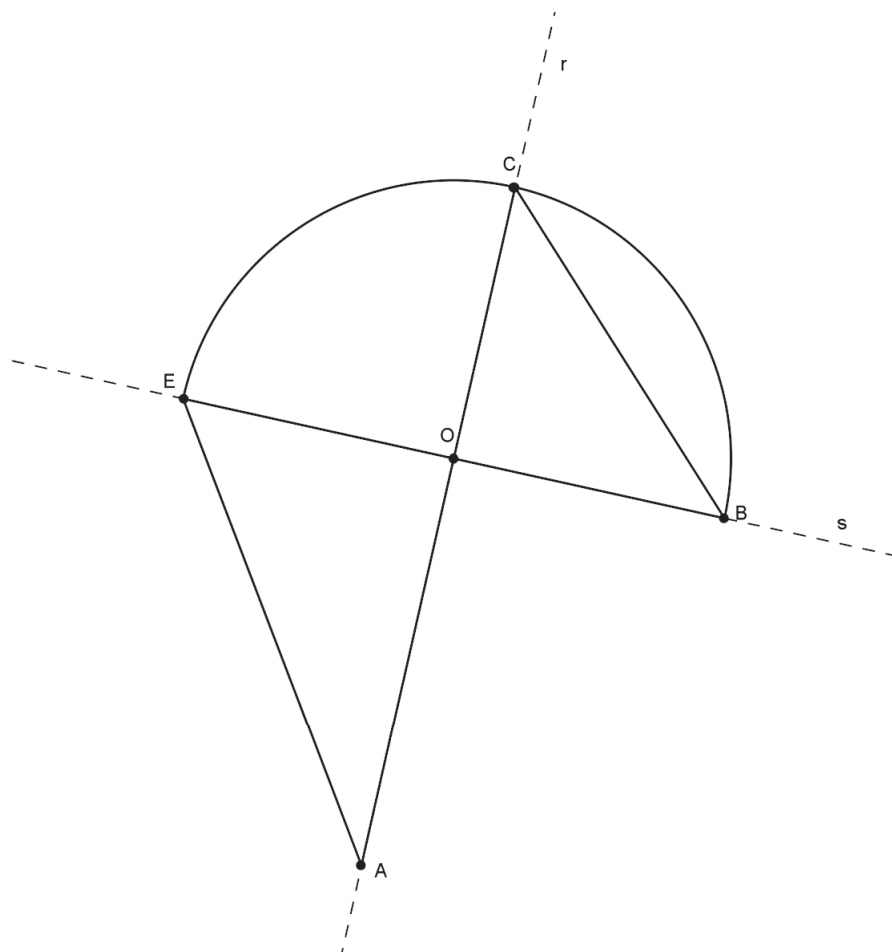
**a.** Il grafico può rappresentare

- A.  il moto di due oggetti che partono all'istante 0 da due posizioni differenti
- B.  il moto di due oggetti che partono uno all'istante 0 e l'altro in un istante successivo
- C.  il moto di due oggetti che partono all'istante 0 dallo stesso punto con velocità diverse
- D.  il moto di due oggetti che viaggiano alla stessa velocità

**b.** Nell'istante  $p$

- A.  i due oggetti si trovano nello stesso punto
- B.  i due oggetti hanno la medesima velocità
- C.  i due oggetti hanno percorso lo stesso spazio a partire dall'istante 0
- D.  i due oggetti si fermano

**D11.** Nella seguente figura le rette  $r$  ed  $s$  sono perpendicolari tra loro e  $\widehat{BCE}$  è una semicirconferenza di centro  $O$ . La lunghezza del segmento  $AO$  è di 18 cm e la lunghezza del segmento  $OB$  è di 12 cm.



**a.** Congiungi C con E. Qual è l'area del triangolo AEC?

- A.  90 cm<sup>2</sup>
- B.  108 cm<sup>2</sup>
- C.  180 cm<sup>2</sup>
- D.  216 cm<sup>2</sup>

**b.** Scrivi i calcoli che hai fatto per trovare la risposta.

.....

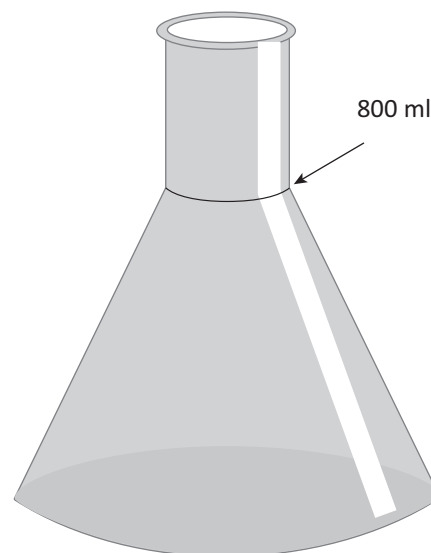
.....

.....

M1308D1200

**D12.** Giovanni versa 100 ml di acqua alla volta nel recipiente che vedi in figura fino a 800 ml. Ogni volta segna con una tacchetta sul recipiente il livello raggiunto dall'acqua. Com'è la distanza tra le tacchette segnate da Giovanni?

- A.  La distanza tra le tacchette diminuisce verso l'alto
- B.  La distanza tra le tacchette aumenta verso l'alto
- C.  La distanza tra le tacchette si mantiene costante
- D.  La distanza tra le tacchette prima aumenta e poi diminuisce



M1308D1300

**D13.** Una medicina viene venduta in scatole da 28 compresse divisibili come quella in figura. Ogni compressa è da 20 mg. La nonna di Piero deve prendere tutti i giorni, per un mese, 30 mg di questa medicina.



**Per quanti giorni la nonna di Piero può prendere la sua dose giornaliera del farmaco utilizzando una sola scatola?**

**Scrivi come hai fatto per trovare la risposta e poi riporta il risultato.**

.....

.....

.....

**Risultato:** ..... giorni

**D14.** In Europa, i numeri delle scarpe corrispondono circa ai  $\frac{3}{2}$  della lunghezza (in cm) del piede.

Negli USA i numeri delle scarpe sono attribuiti in modo diverso, come si vede dalla tabella che segue:

NUMERI DELLE SCARPE										
Europa (E)	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45
USA (U)	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13

a. Giorgio ha il piede lungo 24 cm. Quale numero di scarpe dovrà acquistare in Italia?

Risposta: .....

b. John porta scarpe numero 7, misura USA. Qual è all'incirca la lunghezza del suo piede?

Risposta: ..... cm

c. Scrivi la relazione che ti permette di passare dal numero di scarpe USA (U) al numero di scarpe europeo (E).

Risposta:  $E = \dots\dots\dots$

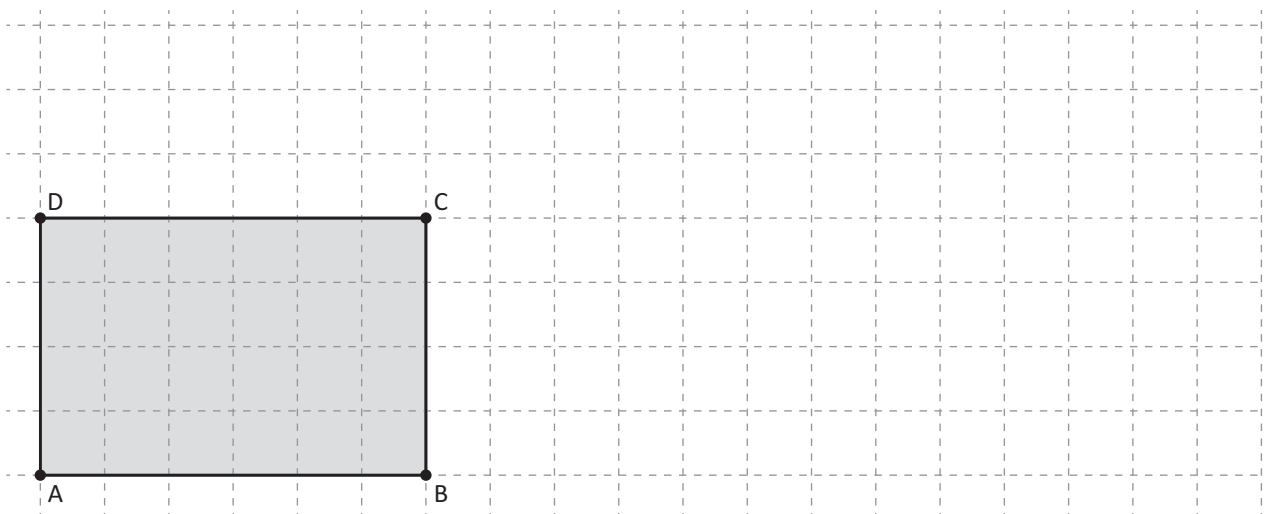
M1308D1500

**D15.** La distanza tra due corpi celesti è  $5 \times 10^6$  km. Qual è la distanza equivalente in metri?

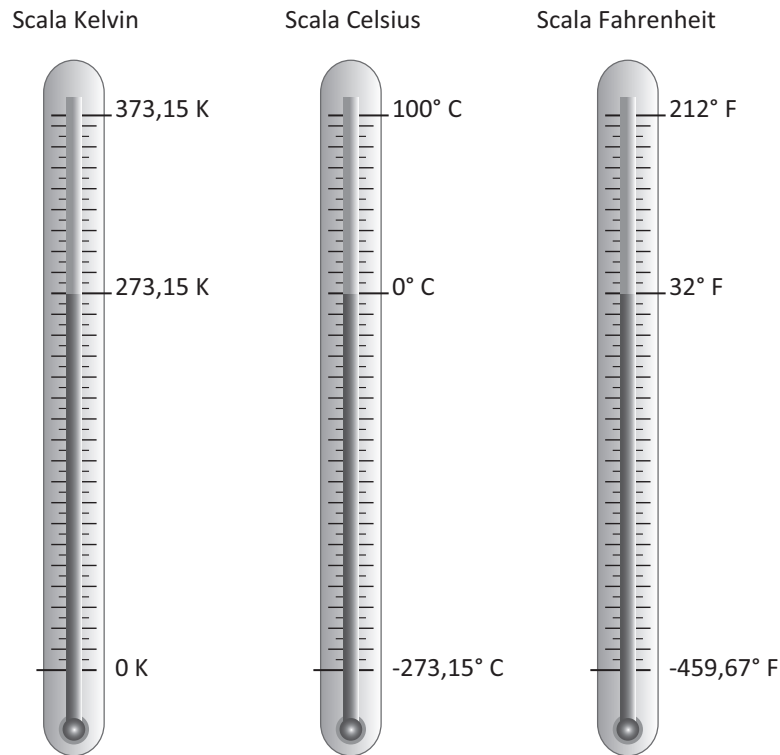
- A.   $5 \times 10^{18}$  m
- B.   $5 \times 10^9$  m
- C.   $5 \times 10^3$  m
- D.   $5 \times 10^2$  m

M1308D1600

**D16.** Disegna nel piano quadrettato un rettangolo che abbia la stessa area del rettangolo ABCD, ma perimetro maggiore.



**D17.** Per la misura delle temperature, vengono utilizzate tre scale termometriche diverse: la scala Celsius ( $^{\circ}\text{C}$ ), la scala Fahrenheit ( $^{\circ}\text{F}$ ) e la scala Kelvin (K).  
Nell'immagine sono rappresentati tre termometri tarati con le diverse scale.



Indica se ciascuna delle seguenti affermazioni è vera (V) o falsa (F).

		V	F
a.	La temperatura di ebollizione dell'acqua è $100^{\circ}\text{F}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b.	293 Kelvin corrispondono a $23^{\circ}\text{C}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c.	$50^{\circ}\text{C}$ corrispondono a $122^{\circ}\text{F}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

**D18.** La velocità del suono nell'aria è di circa 340 metri al secondo, di molto inferiore alla velocità della luce. Durante un temporale, un fulmine si scarica a terra. Mario vede il lampo e 3 secondi dopo sente il tuono.

a. A che distanza da Mario, all'incirca, si è scaricato il fulmine?

Risposta: ..... metri

b. Dopo quanto tempo Mario avrebbe sentito il tuono se il fulmine si fosse scaricato a una distanza di circa 1,7 km da lui?

Risposta: ..... secondi



**D19.** Il numero  $\sqrt{6,4}$  è all'incirca uguale a

- A.  3,2
- B.  2,5
- C.  0,8
- D.  8,0

**D20.** In un rifugio di alta montagna, il 31 marzo 2012 alle ore 6:00, è stata registrata una temperatura di 8 gradi sotto lo zero; alle ore 15:00 la temperatura era salita di 12 gradi mentre alle ore 22:00 era scesa di 14 gradi rispetto alle ore 15:00.  
Quale delle seguenti espressioni permette di calcolare la temperatura alle ore 22:00?

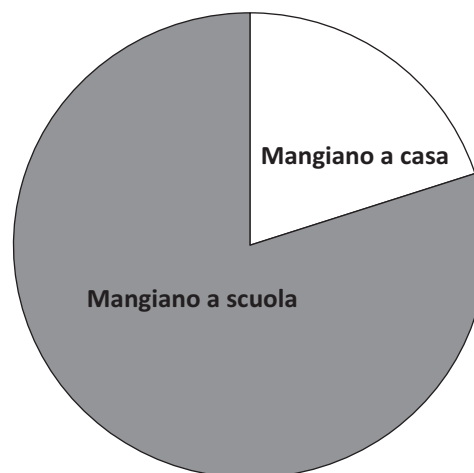
- A.   $(-8) + (-12) - (-14)$
- B.   $(-8) + (+12) - (-14)$
- C.   $(-8) - (+12) - (+14)$
- D.   $(-8) + (+12) - (+14)$

**D21.** I seguenti grafici mostrano le percentuali di ragazzi e ragazze della III A che a pranzo mangiano a casa o a scuola.

Dove mangiano le ragazze della III A



Dove mangiano i ragazzi della III A



- a. Stima la percentuale di ragazze della III A che mangiano a scuola.  
Risposta: .....
- b. Nella III A ci sono 15 ragazzi. Quanti mangiano a casa?  
Risposta: .....



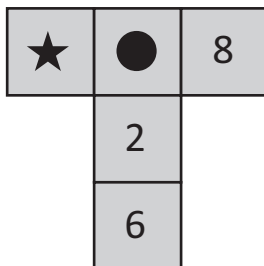
M1308D2200

**D22. Se  $n$  è un numero naturale, allora il numero  $n \cdot (n + 2)$**

- A.  è sempre dispari
- B.  è sempre pari
- C.  è dispari se  $n$  è pari
- D.  è dispari se  $n$  è dispari

M1308D2300

**D23. Nello schema, la somma dei numeri in orizzontale è uguale alla somma dei numeri in verticale. Alcuni numeri sono coperti da simboli.**



**L'affermazione "Al posto della stellina c'è il numero 0" è sicuramente vera?**

**Scegli la risposta e completa la frase.**

**Sì, perché** .....

.....

.....

**No, perché** .....

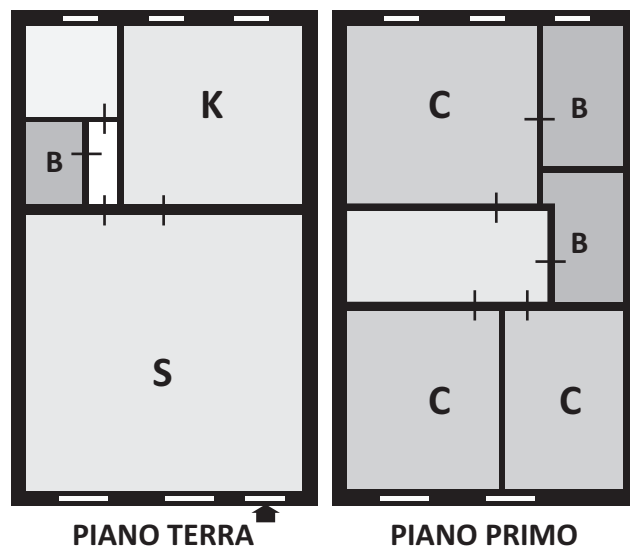
.....

.....



D24. In figura è rappresentata la pianta in scala di un appartamento su due livelli.

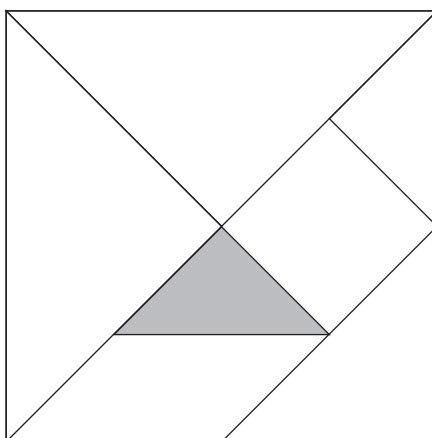
Il soggiorno (S) e la cucina (K) sono al piano terra. Entrambi i locali sono di forma quadrata e misurano rispettivamente  $36 \text{ m}^2$  e  $16 \text{ m}^2$ .



Quanto misura la superficie dell'intero appartamento?

- A.   $104 \text{ m}^2$   
 B.   $120 \text{ m}^2$   
 C.   $208 \text{ m}^2$   
 D.   $576 \text{ m}^2$

D25. In figura è rappresentato il gioco del Tangram con i pezzi che lo compongono.

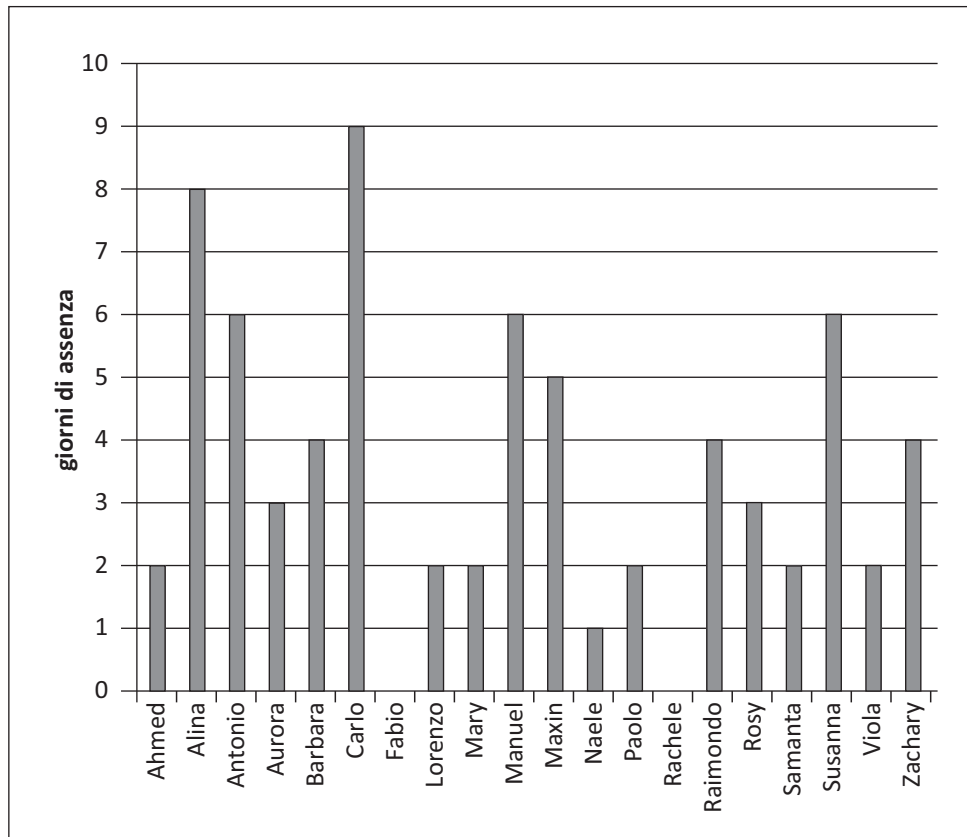


A quale frazione dell'area del Tangram corrisponde il pezzo colorato in grigio?

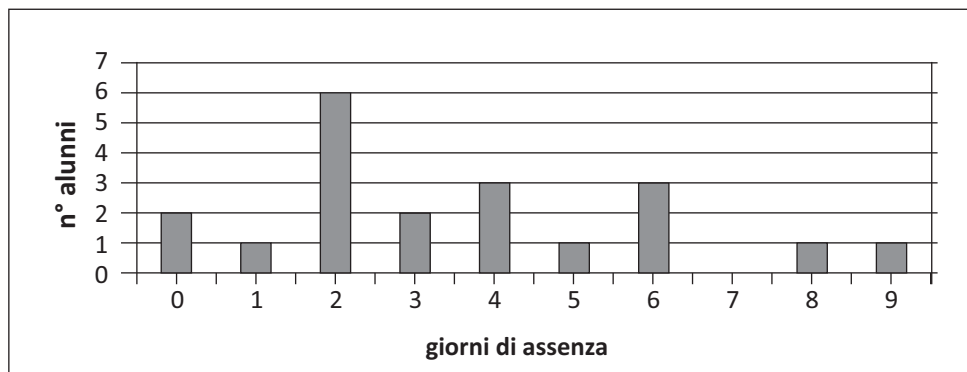
- A.  Un settimo
- B.  Un ottavo
- C.  Un quindicesimo
- D.  Un sedicesimo

**D26.** Il Grafico A e il Grafico B rappresentano le assenze del primo quadrimestre di una classe di 20 alunni.

**Grafico A: giorni di assenza degli alunni**



**Grafico B: distribuzione delle assenze**



**a. Qual è la moda delle assenze?**

Risposta: ..... giorni

**b. Se Lorenzo avesse fatto il doppio delle assenze, quali cambiamenti ci sarebbero nel Grafico B?**

Per rispondere completa la frase che segue.

La colonna corrispondente a 4 assenze aumenta da ..... a ..... e la colonna corrispondente a ..... assenze ..... da ..... a .....

**D27. Nella scuola "Nino Bixio" ci sono 600 studenti e un insegnante ogni 15 studenti.**

**a. Quale proporzione permette di trovare il numero  $x$  degli insegnanti?**

A.   $x : 15 = 1 : 600$

B.   $15 : 1 = x : 600$

C.   $1 : 15 = x : 600$

D.   $x : 1 = 15 : 600$

**b. Nella scuola "Giuseppe Garibaldi", con lo stesso numero di studenti della "Nino Bixio", il numero degli insegnanti è la metà. Quanti studenti ci sono per ogni insegnante?**

**Risposta:** .....

**D28. Indica se ciascuna delle seguenti affermazioni è vera (V) o falsa (F).**

		V	F
a.	$\frac{3}{2}$ è il triplo di 2	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b.	$\frac{3}{2}$ è la metà di 3	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c.	$\frac{3}{2}$ è il doppio di $\frac{3}{4}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



